Madarisy.com : مصدر هدا الملف هو موقع مدارسي

Exercice 1 : 5points

Soit la suite Un définie par : $U_0 = 3 \quad et \; U_{n+1} = \frac{-8}{u_n - 6}$ $\forall n \in IN$

1) Calculer $U_1 \; et \; U_2$.

2) On suppose que : $V_n = \frac{u_n - 2}{u_n - 4}$ $\forall n \in IN$

   a. Calculer V_0 puis montrer que V_n est une suite géométrique et sa raison $q = \frac{1}{2}$

   b. Calculer V_n en fonction de n

   c. Montrer que $U_n = \frac{4v_n - 2}{v_n - 1}$

   d. En déduire que $U_n = \frac{4(\frac{1}{2})^n - 2}{(\frac{1}{2})^n - 1}$ $pour \; tout \; n \; de \; IN$

   e. Calculer la limite de u_n en $+\infty$.

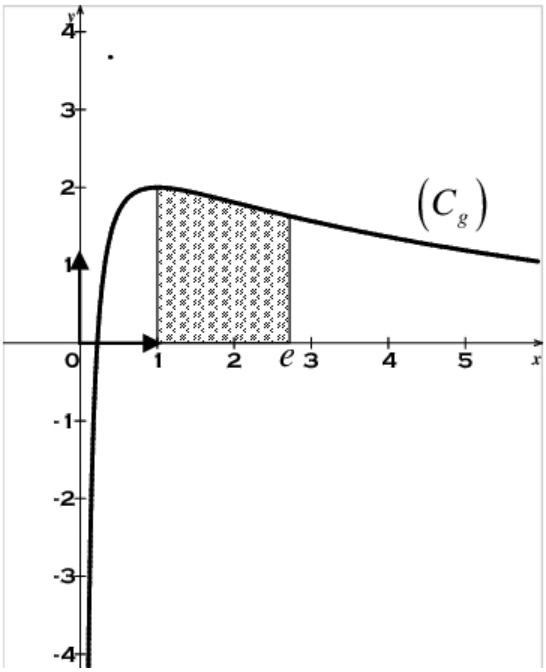
Exercice 2 : (3points)

1) Vérifier que pour tout $x \; de \; IR^*$: $3 - \frac{1}{x} = \frac{3x-1}{x}$ puis calculer : $\int_1^e \frac{3x-1}{x} dx$

2) Par une intégration par parties calculer : $\int_1^e lnx dx$

3) On considère la fonction : $g(x) = \frac{3x-1}{x} - lnx$

Calculer l'aire de la partie hachurée.



Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هدا الملف هو موقع مدارسي

Exercice 3 : (8points)

On considère la fonction numérique f de la variable réelle x définie sur $]0,+\infty[$ par :

$f(x) = (xlnx)^2 + 3x^2 - 3$

1) a- Calculer $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)$

b- Montrer que $\lim\limits_{x\to0^+} f(x) = -3$

2) a-Calculer $f'(x)$ pout tout x de $]0,+\infty[$ *puis montrer que*

$$f'(x) = 2x\left(\left(\frac{1}{2} + lnx\right)^2 + \frac{11}{4}\right)$$

b- *En déduire le signe de* $f'(x)$ *sur* $]0,+\infty[$.

c- *Donner le tableau de variation de* $f(x)$ *sur* $]0,+\infty[$.

e- *calculer* $f(1)$ *et en déduire le signe de* $f(x)$ *sur* $]0,+\infty[$.

Exercice 4 : (4points)

Tous les résultats seront donnés sous forme de fraction

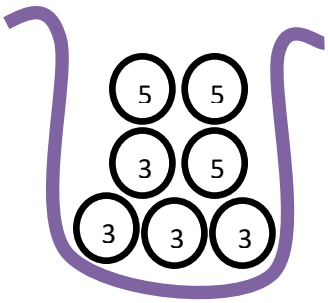
Un sac contient 7 boules indiscernables au toucher : trois boules numérotées par 5, deux boules numérotées par 4 et deux boules numérotées par 3.

On tire simultanément au hasard deux boules du sac

On considère les événements suivants :

***A*: «les deux boules tirées portent chacune un numéro impair»**

***B* : «la somme des deux numéros sur les deux boules tirées est supérieur ou égal à 9»**



1) **a- Déterminer le nombre de tirages possibles.**
   b- Calculer $p(A)$.
2) **Montrer que $p(B) = \frac{3}{7}$.**
3) **sachant que l'événement *B* est vérifiée calculer la probabilité de tirer deux boules portantes chacune un numéro impair.**
4) **est-ce que les événements *A* et *B* sont indépendants ? (justifier votre Réponse)**

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع