Groupe scolaire Anisse	مراقبة مستمرة (3) مادة الرياضيات مدة الانجاز: ساعتان	السنة الثانية من سلك البكالوريا شعبة العلوم الاقتصادية (يناير 2010)

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة الغير قابلة للبرمجة

التمرين الأول: (6 ن)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n\geq 0}$ المعرفة بما يلي: $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + 2 \quad (n \in \mathbb{N}) \end{cases}$.

1) أ- برهن أن: $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad 1 \leq u_n < 3$ ... ن1

ب- بين أن المتتالية $(u_n)_{n\geq 0}$ تزايدية واستنتج أنها متقاربة. ... ن1,5

2) نضع لكل n من $\mathbb{N}$: $v_n = u_n - 3$

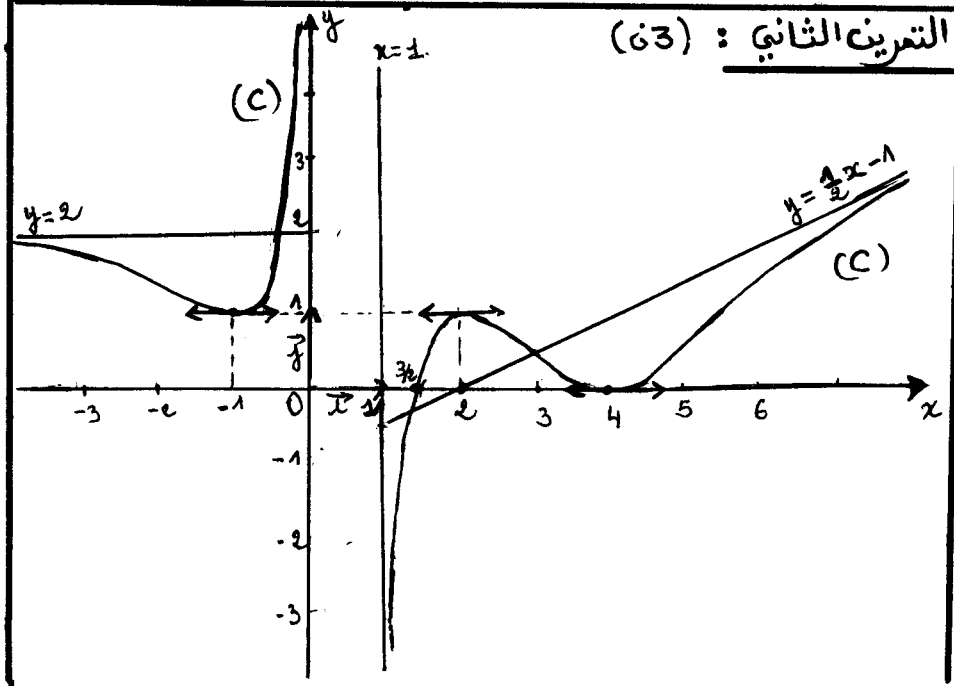
أ- بين أن المتتالية $(v_n)_{n\geq 0}$ هندسية أساسها $\frac{1}{3}$. ... ن1

ب- اكتب v_n بدلالة n ثم استنتج أن: $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad u_n = 3 - 2\times\left(\frac{1}{3}\right)^n$ ... ن1,5

احسب نهاية المتتالية (u_n) (علل جوابك.) ... ن0,5

ج- حدد أصغر عدد صحيح طبيعي m بحيث: $3 - u_m < 2\times 10^{-6}$ ... ن0,5

التمرين الثاني: (3ن)



المنحنى (C) هو تمثيل مبياني (في معلم متعامد ممنظم $(O,\vec{i},\vec{j})$) لدالة عددية f لمتغير حقيقي x.

1) أ- حدد D مجموعة تعريف الدالة f. ... ن0,5

ب- احسب النهايات التالية: ... ن1,5

$\lim_{x\to+\infty} f(x)$; $\lim_{\substack{x\to 1 \\ x>1}} f(x)$; $\lim_{\substack{x\to 0 \\ x<0}} f(x)$; $\lim_{x\to-\infty} f(x)$

$\lim_{x\to+\infty} \left(f(x) - \frac{1}{2}x\right)$; $\lim_{x\to+\infty} \frac{f(x)}{x}$

2) أ- حل المعادلة: $f(x) = 0$ ثم المتراجحة: $(x \in D) \quad f(x) < 0$ ... ن0,5

ب- حل المتراجحة: $f'(x) \leq 0$. $(x \in D)$. ... ن0,5

التمرين الثالث: (11 ن)

I- نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $\mathbb{R}_+^*$ بما يلي: $g(x) = 2x - \ln x - 1$

1- أ- تحقق أن $(\forall x \in \mathbb{R}_+^*) \quad g'(x) = \frac{2x-1}{x}$ ... ن0,5

ب- ضع جدول تغيرات g و تحقق أن: $g\left(\frac{1}{2}\right) = \ln 2$ ... ن1,5

ج- استنتج أن: $(\forall x \in \mathbb{R}_+^*) \quad g(x) > 0$ ... ن1

II- لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على $\mathbb{R}_+$ بـ: $\begin{cases} f(0) = 0 \\ f(x) = x^2 - x\ln(x); (x>0) \end{cases}$

وليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O,\vec{i},\vec{j})$.

1- أ- بين أن الدالة f متصلة على اليمين في 0. (علل جوابك) ... ن0,5

ب- بين أن f غير قابلة للاشتقاق على اليمين في 0. أول مبيانيا هذه النتيجة ... ن1

2- أ- تحقق أن: $(\forall x \in \mathbb{R}_+^*) \quad f(x) = x^2\left(1 - \frac{\ln x}{x}\right)$ ثم استنتج $\lim_{x\to+\infty} f(x)$. ... ن1

ب- ادرس الفرع اللانهائي للمنحنى (C) بجوار $+\infty$. ... ن1

3- أ- بين أن: $(\forall x \in \mathbb{R}_+^*) \quad f'(x) = g(x)$. ... ن1

ب- ضع جدول تغيرات الدالة f (علل جوابك). ... ن1

4- أ- احسب $f''(x)$ لكل x من $\mathbb{R}_+^*$ واستنتج أن المنحنى (C) يقبل نقطة إنعطاف I يتم تحديد احداثيتها. ... ن1

ب- اكتب معادلة المماس (T) في النقطة ذات الأفصول 1. ... ن0,5

5- ارسم المنحنى (C). ... ن1

Madarisy.com : موقع مدارسي يوفر لك كل الدروس والملخصات والفروض والامتحانات
مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي