مصدر هدا الملف هو موقع مدارسي : Madarisy.com

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي وتكوين الأطر والبحث العلمي
المركز الوطني للتقويم والامتحانات

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2011
الموضوع

المادة	الرياضيات	RS26	المعامل 4
الشعب(ة) او المسلك	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	مدة الإنجاز	2 س

تعليمات للمترشح

- ✓ يتكون الموضوع الذي بين يديك من أربعة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات الأولى منها خاصة بهذه التعليمات.
- ✓ يرجى منك الإجابة على أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية.
- ✓ يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة .
- ✓ يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع.
- ✓ ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء.
- ✓ يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتيسير عملية التصحيح.
- ✓ تجنب الكتابة بقلم أحمر.
- ✓ تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع : Madarisy.com

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

التمرين الأول (نقطتان)

نعتبر الدالة العددية h للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال $I=]1;+\infty[$ بما يلي :

$h(x)=\dfrac{x+1}{(x-1)(x^2-x+1)}$.

0.75 | 1 . تحقق من أن : $\forall x\in I\ ;\ h(x)=\dfrac{2}{x-1}-\dfrac{2x-1}{x^2-x+1}$.

1.25 | 2 . استنتج حساب $\int_2^3 h(x)\,dx$.

التمرين الثاني (5 نقطة)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي : $\begin{cases}u_0=2\\ u_{n+1}=\dfrac{3u_n+4}{u_n+6}\ ;\ n\in\mathbb{N}\end{cases}$.

0.5 | 1 . احسب u_1 و u_2 .

1 | 2 . أ . بين بالترجع أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_n>1$.

0.75 | ب . بين أن المتتالية $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ تناقصية، واستنتج أنها متقاربة.

3 . نضع لكل n من $\mathbb{N}$: $v_n=\dfrac{u_n+4}{u_n-1}$.

0.5 | أ . احسب v_n-1 بدلالة u_n ثم استنتج أن لكل n من $\mathbb{N}$: $v_n>1$.

0.5 | ب . بين أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_n=\dfrac{v_n+4}{v_n-1}$.

1 | ج . بين أن المتتالية $(v_n)_{n\in\mathbb{N}}$ هندسية أساسها $q=\dfrac{7}{2}$ ثم احسب v_n بدلالة n .

0.5 | د . استنتج u_n بدلالة n .

0.25 | ه . احسب النهاية $\lim\limits_{n\to+\infty} u_n$.

التمرين الثالث (9.5 نقطة)

نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على $I=]-\infty;0]$ بما يلي :

$g(x)=\dfrac{e^x}{e^x+1}-\ln(1+e^x)$ وليكن (C) تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم $(O;\vec{i};\vec{j})$.

الجزء الأول.

0.5 | 1 . بين أن : $\forall x\in I\ ;\ g'(x)=\dfrac{-e^{2x}}{(e^x+1)^2}$.

1 | 2 . أ . احسب $g(0)$ و $\lim\limits_{x\to-\infty} g(x)$

0.5 | ب . ضع جدول تغيرات الدالة g .

0.5 | 3 . استنتج أن : $\forall x\le 0\ ;\ g(x)<0$.

1.5 | 4 . أ . احسب $g''(x)$ لكل x من I ثم استنتج تقعر (C) .

1.5 | ب . احسب $g'(0)$ ثم أنشئ (C) (نأخذ $\|\vec{i}\|=\|\vec{j}\|=4cm$ و $g(0)\approx -0.2$).

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هدا الملف هو موقع مدارسي

الجزء الثاني

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على I بما يلي : $f(x)=\dfrac{\ln(e^x+1)}{e^x}$.

1	1 . بوضع $t=e^x$ بين أن $\lim\limits_{x\to-\infty} f(x)=1$.
1.5	2 . أ . احسب $f'(x)$ لكل x من I واستنتج أن : $\forall x\in I;\ f'(x)=\dfrac{g(x)}{e^x}$.
1.5	ب . احسب $f(0)$ وضع جدول تغيرات الدالة f ثم استنتج أن : $\forall\ x\le 0\ ;\ \ln 2\le f(x)\le 1$

التمرين الرابع (3.5 نقط)

يحتوي كيس U_1 على كرتين لونهما أحمر وثلاث كرات لونها أبيض ويحتوي كيس U_2 على كرتين لونهما أبيض وثلاث كرات لونها أحمر. نفترض أن كل الكرات غير قابلة للتمييز باللمس.

نسحب كرة من U_1 و كرة من U_2 .

ليكن : A الحدث "الكرتان المسحوبتان من نفس اللون"

B الحدث "الكرة المسحوبة من U_1 حمراء"

2	1 . احسب $p(B)$ وبين أن $p(A)=\dfrac{12}{25}$.
1.5	2 . علما أن الكرة المسحوبة من U_1 حمراء، ما هو احتمال أن تكون الكرتان المسحوبتان من نفس اللون ؟

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع