Madarisy.com : مصدر هدا الملف هو موقع مدارسي

Probabilités

EL KYAL MOHAMED

➢ Probabilités d'un ensemble fini:

La probabilité d'un événement A est la somme des probabilités des événements élémentaires qui le composent, on la note $p(A)$

➢ Propriétés :

Soit Ω l'univers associé à une expérience aléatoire

L'événement:	Probabilités:
A	$0 \le p(A) \le 1$
$\overline{A}$	$p(\overline{A}) = 1 - p(A)$
$A \cup B$	$p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$
	$p(A \cup B) = p(A) + p(B)$ (A et B sont incompatibles)

S'il y a **équiprobabilité** alors pour tout événement A de Ω, on a:

$$p(A) = \frac{cardA}{card\Omega} = \frac{nombre\ des\ cas\ favorables}{nombre\ des\ cas\ possibles}$$

➢ Loi d'une variable de probabilité aléatoire:

Soit Ω l'univers associé à une expérience aléatoire

Pour définir la loi de probabilité de la variable X sur Ω on suit les étapes suivantes :

1) On détermine $X(\Omega) = \{x_1; x_2; x_3; ...; x_n\}$ l'ensemble des valeurs prises par X

2) On calcule pour chaque valeur x_i sa probabilité $p_i = p(X = x_i)$ avec $i \in \{1; 2; ...; n\}$

3) On résume la loi de probabilité de la variable X par le tableau suivant :

x_i	x_1	x_2	x_3	...	x_n
$p(X = x_i)$	p_1	p_2	p_3	...	p_n

➢ Probabilité conditionnelle :

Soit A et B deux événements liés à une même expérience aléatoire tel que: $p(A) \neq 0$

La probabilité de l'événement B sachant que A est réalisé est le nombre :

$$p_A(B) = p(B/A) = \frac{p(A \cap B)}{p(A)}$$

➢ Evénements indépendants :

Soit A et B deux événements liés à une même expérience aléatoire

A et B **sont indépendants** $\Leftrightarrow p(A \cap B) = p(A) \times p(B)$

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هدا الملف هو موقع مدارسي

➢ L'espérance, la variance et l'écart-type d'une variable aléatoire:

Soit X une variable aléatoire dont la loi de probabilité est définie par le tableau suivant:

x_i	x_1	x_2	x_3	...	x_n
$p\left(X=x_i\right)$	p_1	p_2	p_3	...	p_n

L'espérance mathématique de la variable X	$E\left(X\right)=x_1\times p_1+x_2\times p_2+x_3\times p_3+...+x_n\times p_n$
La variance de la variable X	$V\left(X\right)=E\left(X^2\right)-\left[E\left(X\right)\right]^2$
L'écart -type de la variable X	$\sigma\left(X\right)=\sqrt{V\left(X\right)}$

➢ Epreuve répétée :

Soit p la probabilité d'un événement A, lors d'une expérience aléatoire

si on répète n fois l'épreuve dans des conditions identiques

alors la probabilité de réalisation de A exactement k fois durant les n épreuves est :

$$C_n^k\left(p\right)^k\left(1-p\right)^{n-k}\qquad\left(k\leq n\right)$$

➢ Loi binomiale :

Soit p la probabilité d'un événement A, lors d'une expérience aléatoire

on répète n fois l'épreuve dans des conditions identiques

si la variable aléatoire X , égale au nombre de réalisation de A durant les n épreuves

alors la loi de probabilité de la variable X est donnée par :

$$\forall k\in\left\{0;1;2;...;n\right\}\qquad p\left(X=k\right)=C_n^k\times p^k\times\left(1-p\right)^{n-k}$$

on dit que la variable X suit une ***loi binomiale*** *de paramètres n et p et on a*

$$E\left(X\right)=n\times p\quad\text{et}\quad V\left(X\right)=np\left(1-p\right)$$

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع