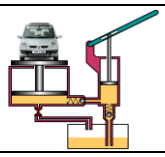
Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

FONCTION ALIMENTER EN ÉNERGIE
Aspect physique : Mécanique des fluides

Cours

@.EZZ@HR@OUI

2ème STM
Doc : Prof-Élève

Chapitre 1 : Fonction Alimenter en énergie

Compétences Visées

- ***Définir*** la mécanique des fluides.
- Introduire les notions de masse volumique, de densité, de viscosités cinématique et dynamique.
- ***Décrire*** les principales familles de fluides.
- ***Développer*** les propriétés et les principaux théorèmes de la statique des fluides: théorème de Pascal, relation entre pression et profondeur, poussée d'Archimède, forces de pression exercées sur une paroi plane.
- ***Identifier*** les notions fondamentales sur les écoulements, l'équation de continuité et le nombre de Reynolds.
- ***Donner*** des éléments pour la détermination des pertes de charge régulières et singulières.
- ***Décrire*** et développer la loi sur l'énergie (ou équation de Bernoulli) ainsi que le théorème de la quantité de mouvement (ou théorème d'Euler).
- ***Identifier*** les interfaces de connexion.
- ***Donner*** le principe des constituants d'alimentation.
- Sur le système réel (virtuel) **Effectuer** le câblage hors énergie et **Vérifier** le fonctionnement de tout ou partie d'un circuit hydraulique.
- ***Effectuer*** un schéma normalisé

I- GÉNÉRALITÉ :

La mécanique des fluides est la branche de la mécanique qui étudie le comportement des fluides au repos ou en mouvement. Par contre l'hydraulique industrielle consiste en l'étude de la transmission et la commande de forces et de mouvements par des liquides (essentiellement de l'huile). Ses résultats sont indispensables à la plupart des industries comme : (aéronautique, automobile, marine, travaux publics, machinisme agricole, chimie...).

Quelques exemples

Train d'atterrissage



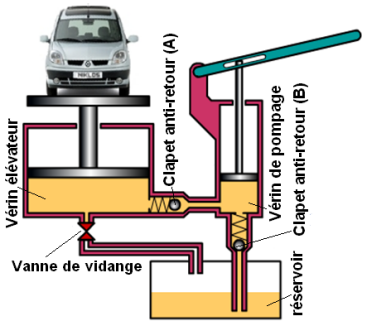
Engins de chantier



simulateurs



Élévateur hydraulique



1.1- Définition d'un fluide :

On appelle fluides tout ce qu'est liquide (y compris les poudres ou produits *pulvérulents) ou gaz.

1.2- Fluide parfait :

Un fluide est dit parfait si les forces de contact sont perpendiculaires aux éléments de surface sur lesquels elles s'exercent ; (pas de frottement ⇔ fluide n'est pas *visqueux).

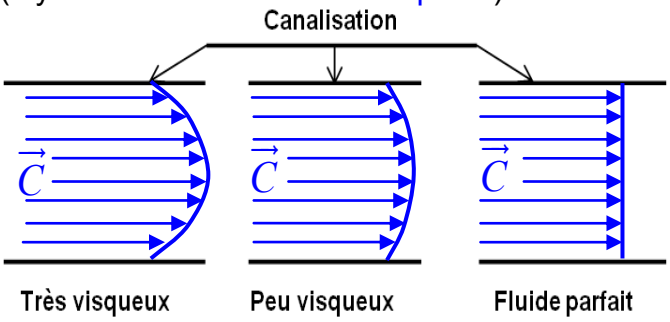
*Pulvérulent : Qui est à l'état de poudre ; réduit en poudre.
*Visqueux : De consistance pâteuse, ni liquide ni solide.

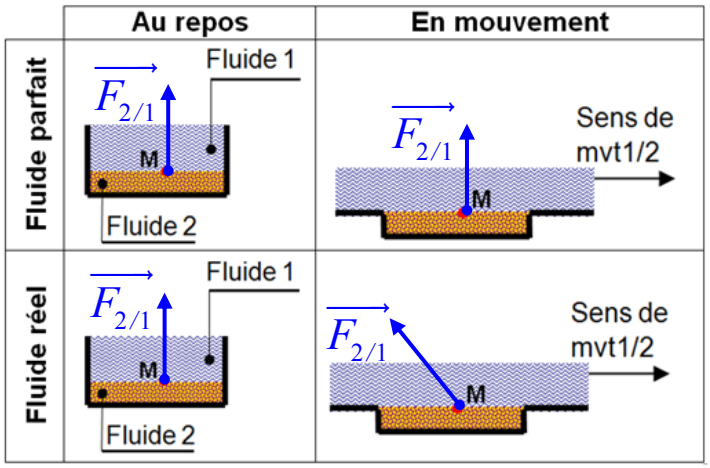
Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

1.3- Fluide réel :

Dans un fluide réel, les forces de contact ne sont pas forcément perpendiculaires aux surfaces de contact.
(Il y a frottement ⇔ fluide visqueux)





1.4- Fluide incompressible :

Lorsque le volume occupé par une certaine masse de ce fluide est indépendant de la pression extérieure. C'est à dire; la masse volumique est constante : $\rho(kg/m^3) = cte$. donc : $\frac{\Delta V}{V} = -x_\theta . \Delta P$

- ΔV : variation du volume en (m^3)
- V : volume initial en (m^3)
- x_θ : coefficient de compressibilité en (m^2/N) ; ($x_{\theta(eau)}$= 5.10^{-10} m^2/N ; $x_{\theta(mercure)}$=3.10^{-11} m^2/N)
- ΔP : variation de pression en (*Pa) avec (1bar = 10^5 Pa = 0,1N/mm^2 et 1MPa = 1N/mm^2)

Exemple 1: Soit à déterminer la diminution de volume de 1 litre d'eau sous 20 bars.
Réponse : . . . . . .
Donc : . . . . . .

Remarque : dans la plupart des calculs, on néglige cette variation de volume et l'on considère que l'eau est incompressible. Il en est de même pour les huiles et l'ensemble des liquides.

1.5- Fluide compressible :

Un fluide est compressible lorsque le volume occupé par une certaine masse dépend de la pression extérieure. C'est-à-dire, la masse volumique varie en fonction de la pression. $\rho(kg/m^3) = f(P)$

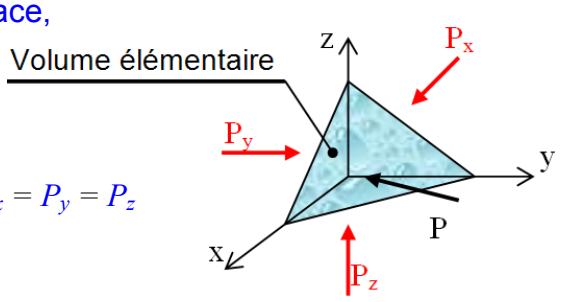
1.6- Pression en un point d'un fluide :

La pression " P " en un point se calcule par la relation :

si $\vec{F}$ répartie *uniformément : $P = \frac{F}{S}$ | si $\vec{F}$ répartie non uniformément : $P = \frac{dF}{dS}$

avec : - P : Pression en (Pa ou N/m^2).
- dF : Force élémentaire de F (N), normale à la surface,
- dS : Surface élémentaire de S (m^2).

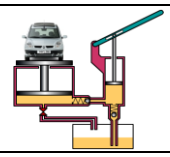
Remarque : La pression est identique dans toutes les directions autour du point ou volume élémentaire. C'est-à-dire : $P = P_x = P_y = P_z$



*Pa : (Blaise **Pascal**), physicien et écrivain français 1623-1662
*Uniforme : Qui a la même forme, et le même aspect.

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

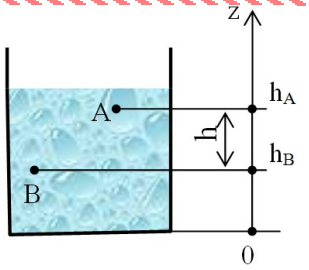
Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

II- STATIQUE DES FLUIDE : (HYDROSTATIQUE)

2.1- Équation fondamentale de l'hydrostatique :

$$\Delta P = \rho.g.\Delta h \;;\; P_B - P_A = \rho.g.(h_A - h_B)$$



Avec
- $\Delta P;\ P_B - P_A$: différence de pression en (Pa) (1MPa = 1N/mm^2) ;
- ρ : masse volumique du liquide en (kg/m^3) ;
- g : accélération de la pesanteur en (m/s^2) ;
- $\Delta h;\ h_A - h_B$: différence de hauteur en (m).

Exemple 2: Distribution d'eau

a- Calculer les pressions *effectives en A, B et C en bar.
Avec $P_{effective} = P_{absolue} - P_{ambiante}$

b- Calculer les pressions absolues en A, B et C en MPa.
Si la pression *ambiante égale 1 atmosphère.

Réponse : . . . . . .

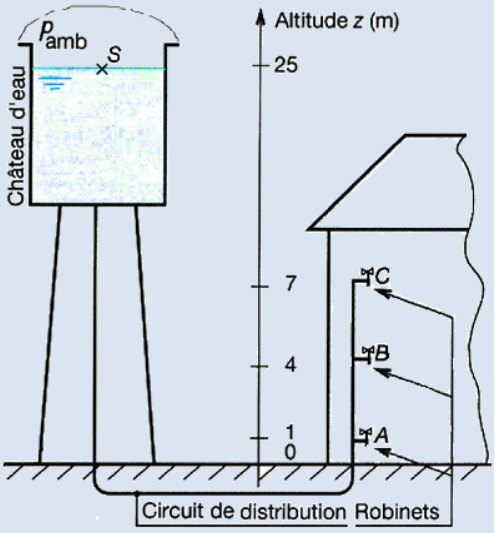
. . . . . .

. . . . . .

. . . . . .

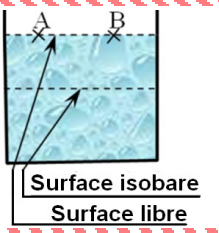
. . . . . .

. . . . . .



2.2- Surface de niveau :

La surface libre d'un liquide au repos est toujours plane et horizontale.
La pression est constante dans tout plan horizontal situé à l'intérieur du liquide (surface *isobare) : $P_A - P_B = 0$; $\rho \neq 0$; $g \neq 0$ donc : $\Delta h = 0$



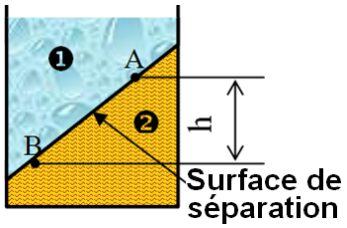
2.3- Liquide non miscible :

Les liquides non miscibles sont des liquides qui ne se mélangent pas, et la surface de séparation de deux liquides au repos est plane et horizontale.
Les points A et B appartient en même temps au liquide ❶ et ❷.

$P_{B1} - P_{A1} = \rho_1 gh$ et $P_{B2} - P_{A2} = \rho_2 gh$ Or : $P_{B1} = P_{B2} = P_B$ et $P_{A1} = P_{A2} = P_A$

Alors : $P_B - P_A = \rho_1 gh$ et $P_B - P_A = \rho_2 gh$ La soustraction des deux termes :

$(P_B - P_A) - (P_B - P_A) = (\rho_1 - \rho_2)gh = 0$ Or : $\rho_1 \neq \rho_2$ et $g \neq 0$ donc : $h = 0$



2.4- Vases communicantes :

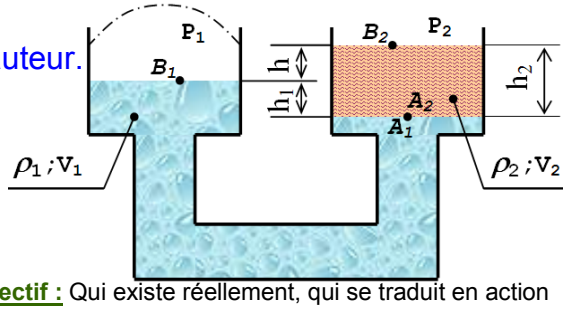
➤ même liquide ($\rho_1 = \rho_2$) ⇨ même hauteur.

➤ $\rho_1 \neq \rho_2$ ⇨ la surface de séparation n'est pas à la même hauteur.

$P_{B1} = P_{B2} = P_{atm} = P_0$ et $P_{A1} = P_{A2}$

D'où $\left.\begin{matrix} P_{A1} - P_{B1} = \rho_1 g h_1 \\ P_{A2} - P_{B2} = \rho_2 g h_2 \end{matrix}\right\} \dfrac{h_1}{h_2} = \dfrac{\rho_2}{\rho_1}$

Si P_1 est une pression ambiante '' P_{amb} '' et P_2 une pression atmosphérique '' P_{atm} '' Donc : $P_{amb} - P_{atm} = P_{eff}$



*Effectif : Qui existe réellement, qui se traduit en action
*Ambiant : Propre au milieu dans lequel on vit.
*Isobare : à pression constante

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

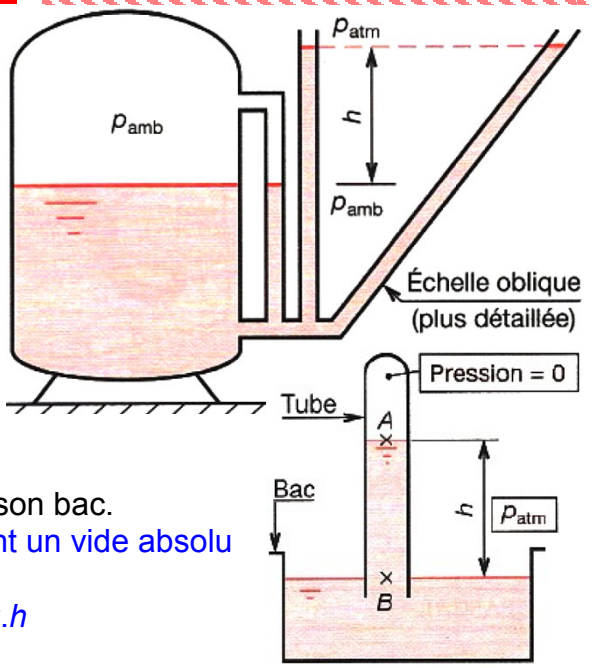
2.5- Évaluation d'une pression en hauteur de liquide :

Considérons un réservoir fermé contenant un liquide. Celui-ci est soumis sur sa surface libre à une pression ambiante P_{amb}. Relions ce réservoir à un tube dont l'autre extrémité est à l'air libre.
La hauteur de liquide au dessus de la surface libre, dans le tube, permet d'évaluer la pression qui règne dans le volume libre du réservoir.

$$P_{amb} - P_{atm} = \rho.g.h$$

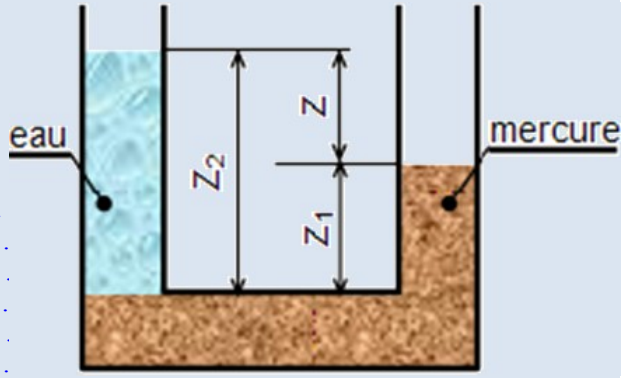
On pose:

$$P_{amb} - P_{atm} = P_{eff}$$: pression effective



Remarque : Retournons un tube plein de liquide sur son bac.
Le liquide descend dans le tube en créant un vide absolu et se stabilise à la hauteur "*h*".
Entre A et B, on peut écrire : $P_B - 0 = \rho.g.h$

Exemple 3 : Évaluation d'une pression :
Calculer z_2 ; z_1 et z si :
- $\rho_{eau} = 1 kg/dm^3$ - V_{eau}=2 litres
- $\rho_{mercure} = 13600 kg/m^3$ - $V_{mercure}$=3 litres
- diamètre du vase : Ø80 mm



Réponse: . . . . . .

III- THÉORÈME DE PASCAL :

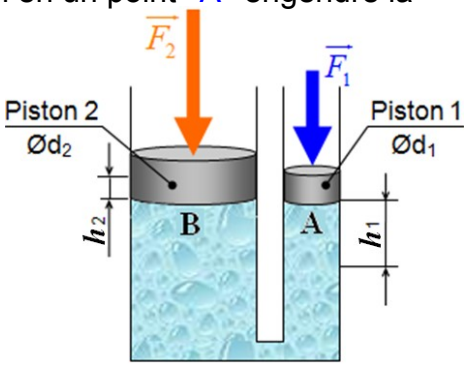
Dans un fluide incompressible au repos ; toute variation de pression en un point "A" engendre la même variation de pression en tous points "B" du fluide.

⊗ $P_A = P_B$ (surface isobare)

$$P_A = \frac{F_1}{S_1} = \frac{4F_1}{\pi d_1^2} ; P_B = \frac{F_2}{S_2} = \frac{4F_2}{\pi d_2^2} \; d'où \; \frac{F_1}{d_1^2} = \frac{F_2}{d_2^2} \Rightarrow \boxed{\frac{F_1}{F_2} = \frac{d_1^2}{d_2^2}}$$

⊗ Si le piston 1 descend de h_1 ; le piston 2 monte de h_2.

$$V = h_1 S_1 = h_2 S_2 ; \quad \frac{h_1 \pi d_1^2}{4} = \frac{h_2 \pi d_2^2}{4} \Rightarrow \boxed{\frac{h_1}{h_2} = \frac{d_2^2}{d_1^2}}$$



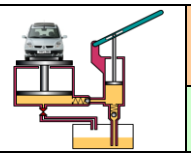
⊗ ➤ Le travail moteur : $W_{moteur} = F_1 h_1$;

➤ Le travail résistant : $W_{récepteur} = F_2 h_2 = F_1 \frac{d_2^2}{d_1^2} . h_1 \frac{d_1^2}{d_2^2} = F_1 h_1 \Rightarrow W_m = W_r$

Exemple 4 : Masse du piston 1 ; $m_1 = 500g$; $d_1 = 20$ mm ; $d_2 = 80$mm. Le liquide c'est l'eau.
Calculer : F_1 ; F_2 et la hauteur h_1, si la masse du volume déplacé égale 120 g ;
Quelle doit être la masse du piston 2 pour que la différence de niveau soit égale à 0.

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

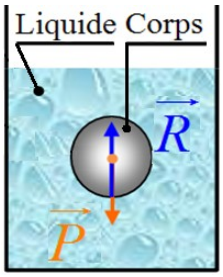



IV- THÉORÈME *D'ARCHIMÈDE :

Tout corps plongé dans un liquide reçoit de ce liquide une poussée *hydrostatique de bas en haut, égale au poids du volume de liquide déplacé. $\vec{P}+\vec{R}=\vec{0} \Rightarrow R-P=0 \; ; \; R=P$

R : poussée hydrostatique = poids du volume de liquide déplacé ; P : poids du corps.

Remarque : ➤ Si R > P ⇨ Le corps monte à la surface.
➤ Si R = P ⇨ Le corps flotte dans l'eau (équilibre statique).
➤ Si R < P ⇨ Le corps descend jusqu'à le fond.



$$densité = d = \frac{Masse\ du\ corps\ de\ densité\ inconnue}{Masse\ du\ même volume \begin{cases} de\ l'eau\ pure\ à\ 4°C\ (pour\ les\ liquides\ ou\ solides) \\ de\ l'air\ (pour\ les\ gaz) \end{cases}}$$

La masse volumique de l'eau pure à 4°C ; ρ_{eau} = 1kg/dm^3 = 10^{3}kg/m^3
La masse volumique de l'air ; ρ_{air} = 1,293kg/m^3
La mesure de la densité d'un liquide peut s'effectuer à l'aide d'un densimètre (ou aréomètre).

V- CINÉMATIQUE DES FLUIDES INCOMPRESSIBLES :

5.1- Description d'un écoulement :

En injectant dans un fluide des produits colorés de densités voisines, on peut visualiser les mouvements des particules élémentaires.

♦ **Trajectoire :** Courbe décrite par une particule au cours du temps. Le vecteur vitesse est tangent à cette trajectoire.

♦ **Ligne de courant :** Courbe tangente aux vecteurs vitesses des particules de fluide. Elle donne une image des directions des vecteurs vitesses à un instant donné.

♦ **Écoulement permanent :** Les particules situées sur une trajectoire particulière, continuent de décrire cette trajectoire au cours du temps. Elles passent toutes à la même vitesse en un point particulier. Les trajectoires se confondent alors avec les lignes de courant.

♦ **Écoulement perturbé :** Les particules changent; de trajectoire au cours du temps.
La vitesse de passage en un point varie.
Les trajectoires se distinguent alors des lignes de courant.

♦ **Écoulement laminaire :** Les particules suivent des trajectoires sensiblement parallèles aux parois de la canalisation. **Le nombre de Reynolds (§ V.5.2)** permet de mettre cet écoulement en évidence.

♦ **Écoulement turbulent :** Les particules suivent des trajectoires *erratiques par rapport aux parois : on dit qu'il existe des turbulences. **Reynolds** le met en évidence.

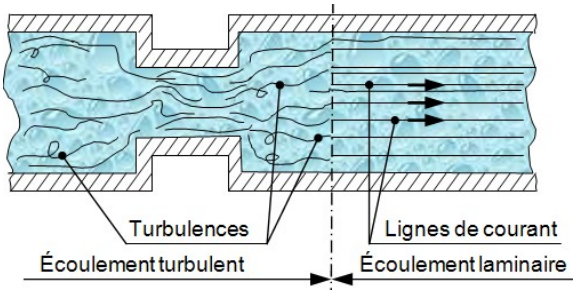
♦ **Écoulement intermittent :** Il cesse et reprend de temps à autre.

♦ **Écoulement fluide :** Le frottement est négligeable entre - les particules,
- particules et parois.
Dans une section droite de la canalisation, toutes les particules ont une même vitesse (ou célérité C en m/s).

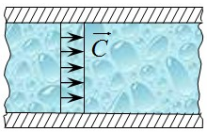
♦ **Écoulement visqueux :** Le frottement ne peut être négligé entre : - les particules,
-particules et parois

DIVERS TYPES D'ÉCOULEMENTS

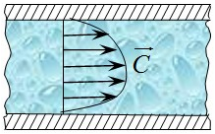
Dans une section droite de la canalisation, la vitesse des particules n'est plus uniforme.



Écoulement fluide (eau dans une canalisation lisse)



Écoulement visqueux (coulée d'une Matière plastique)



*Archimède : Savant grec. Son œuvre scientifique est considérable, tant en mathématiques qu'en physique ou en mécanique. En physique, il fut le fondateur de la statique des solides, ainsi que de l'hydrostatique, et formula le principe qui porte son nom. Et obtint une bonne approximation de π.
*Hydrostatique : Étude des conditions d'équilibre des liquides.
*Erratique : Qui n'a aucune régularité ; instable.

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

5.2- Nombre de *Reynolds '' $\mathcal{R}e$ '' :

Ce nombre, sans dimension, permet de caractériser la nature de l'écoulement dans une conduite.

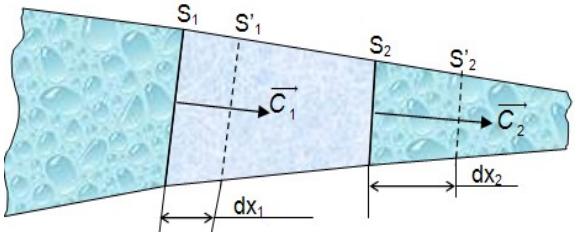
$$\mathcal{R}e = C.\frac{d}{\upsilon}$$ Avec :

- $\mathcal{R}e$: nombre de Reynolds.
- C : célérité (vitesse) du fluide dans la conduite en (m/s)
- d : diamètre cinématique du fluide en (m)
  Dans le cas des canalisations non circulaires, prendre : d = 4.A / Ci ;
  avec A : aire de la section d'écoulement ; Ci : circonférence de la section.
- υ : (nu) viscosité cinématique du fluide en (m^2/s ou *Stokes) ;
  avec 1 Stokes - st - = 1 cm^2/s = $10^{-4} m^2/s$.
- μ : (mu) viscosité dynamique [$N.s/m^2$ ou kg/m.s, ou PI (*Poiseuille) ou Pa.s] ; avec $\mu = \upsilon.\rho$
- ρ : masse volumique du fluide (kg/m^3)

Remarque :
- Si $\mathcal{R}e \leq 2300$ l'écoulement laminaire
- Si $\mathcal{R}e \geq 3000$ l'écoulement turbulent
- Si $2300 < \mathcal{R}e < 3000$ L'écoulement intermédiaire (instable)

5.3- débit :

Considérons une veine fluide animée d'un écoulement permanent. Soient $\overrightarrow{C_1}$ et $\overrightarrow{C_2}$ les vecteurs vitesses d'écoulement à travers les sections S_1 et S_2 de la veine.



Notons que $C_1 = \left\|\overrightarrow{C_1}\right\| = \frac{dx_1}{dt}$ et $C_2 = \left\|\overrightarrow{C_2}\right\| = \frac{dx_2}{dt}$ (1),
ne sont que des vitesses moyennes.
Tous les points de S_1 ne sont pas nécessairement animés de la même vitesse.
À l'instant (t), on considère une certaine masse de fluide (m) comprise entre les sections (S_1) et (S_2) ; soit ρ la masse volumique du fluide. À l'instant (t + dt), la masse (m) s'est déplacée et se trouve comprise entre (S'_1) et (S'_2). Écrivons que la masse élémentaire (*dm*) de fluide qui s'est écoulée à travers (S_1) est la même que celle qui s'est écoulée à travers (S_2).
Cela traduit *la continuité de l'écoulement*. $dm = \rho S_1 dx_1 = \rho S_2 dx_2$ (2).

5.3.1- Débit massique : (débit masse en *kg/s*)

Le débit massique d'une veine fluide est la limite du rapport $\frac{dm}{dt}$ quand dt→0 : $q_m = \frac{dm}{dt}$ c'est *la masse de fluide par unité de temps qui traverse une section droite quelconque de la conduite.*

Exprimons le débit massique d'après la relation (1) et (2) :

$$q_m = \frac{dm}{dt} = \rho S_1 \frac{dx_1}{dt} = \rho S_2 \frac{dx_2}{dt} = \rho S_1 C_1 = \rho S_2 C_2 \text{ soit } q_m = \rho S C = cte \quad (3)$$

*Osborne **Reynolds:** Belfast 1842 - Watchet Somerset 1912. Ingénieur britannique. Ses recherches concernent l'hydrodynamique (régimes d'écoulement des fluides visqueux), l'hydraulique et la mécanique (théorie de la lubrification).

*Jean-Louis **Poiseuille :** Paris 1799 - Paris 1869 : Physicien français. Il a donné les lois de l'écoulement laminaire des fluides visqueux (1844)-

*George **Stokes :** Skreen 1819 - Cambridge 1903. Physicien irlandais. Outre ses travaux d'hydrodynamique, il a aussi étudié la fluorescence et les rayons X, montrant que ceux-ci sont de même nature que la lumière (1896).

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

5.3.2- Débit volumique : (débit volume en m^3/s)

Soit dV le volume élémentaire de fluide compris entre les sections droites (S_1) et (S'_1) d'une part, (S_2) et (S'_2) d'autre part (fig. § 5.3). On sait que '' $dm = \rho.dV$ ''

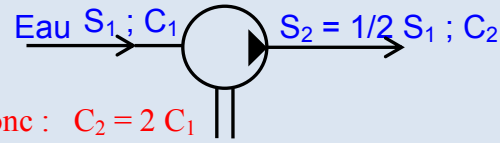
Le débit volumique d'une veine fluide est la limite du rapport $\frac{dV}{dt}$ quand dt→0 : $\boxed{q_v = \frac{dV}{dt}}$ *c'est le volume de fluide par unité de temps qui traverse une section droite quelconque de la conduite.*

D'après la relation (2) et (3) on peut écrire : $q_v = S_1C_1 = S_2C_2$ (4) Soit : $\boxed{q_v = SC = cte}$ (5)

Avec : ➤ q_v : débit volumique (m^3/s) ;
- ➤ S_1 : section de passage dans la section 1 (m^2) ;
- ➤ S_2 : section de passage dans la section 2 (m^2) ;
- ➤ C_1 : célérité (vitesse) de passage dans la section 1 (m/s) ;
- ➤ C_2 : célérité (vitesse) de passage dans la section 2 (m/s).

Remarque : ➤ Lors d'un écoulement continu, le débit est identique en toutes sections droites de la conduite, (Équation de continuité 4).
➤ La vitesse augmente lorsque la section diminue.

Exemple 5 : Soit une pompe qui transport de l'eau d'un niveau bas à un niveau haut voir schéma
a- Calculer C_2 en fonction de C_1.
b- Calculer C_2 ; q_m et q_v , si $S_1 = 0{,}03\ m^2$ et $C_1 = 4$ m/s.



Réponse :
a- Équation de continuité: $S_1.C_1 = S_2.C_2$; $S_1.C_1 = 1/2\ S_1.C_2$ donc : $C_2 = 2\ C_1$
b- ➤ la célérité $C_2 = 2.C_1 = 2.4 = 8$ m/s
➤ le débit masse $q_m = \rho SC = 10^3.0{,}03.4 = 120$ kg/s
➤ le débit volume $q_v = q_m/\rho = 0{,}12\ m^3/s$

Exemple 6 : De l'huile ayant pour viscosité cinématique $\upsilon = 4.10^{-4}\ m^2/s$, circule dans une canalisation de Ød = 20 mm. Calculer le débit volumique maximal de cette huile pour que l'écoulement reste laminaire.

Réponse : . . . . . .

. . . . . .

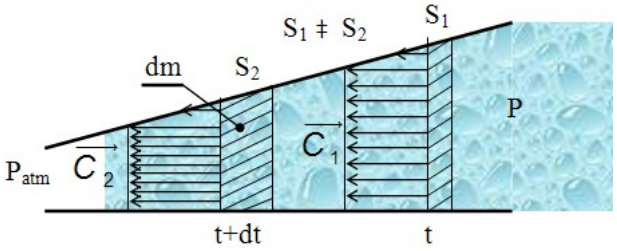
. . . . . .

VI- DYNAMIQUE DES FLUIDES INCOMPRESSIBLES :

6.1- Théorème *d'Euler : (ou des quantités de mouvement)

$$\sum \overrightarrow{F_{ext}} = \frac{dm}{dt}\left(\overrightarrow{C_2} - \overrightarrow{C_1}\right) = \overrightarrow{R}$$

$$\sum \overrightarrow{F_{ext}} = q_m\left(\overrightarrow{C_2} - \overrightarrow{C_1}\right) = S_2\left(\overrightarrow{P} - \overrightarrow{P_{atm}}\right)$$



Avec : ➤ $\sum \overrightarrow{F_{ext}}$: somme des forces extérieurs par rapport un tronçon de fluide isolé (N)
- ➤ q_m : débit massique (kg/s)
- ➤ C_1 : Célérité (vitesse) du fluide (m/s) (à l'entré de la canalisation)
- ➤ C_2 : Célérité (vitesse) du fluide (m/s) (à la sortie de la canalisation)

*Leonhard **Euler** : Bâle 1707 - Saint-Pétersbourg 1783. Mathématicien suisse. Il fut, au XVIII[e] s., le principal artisan de l'essor de l'analyse, qu'il réorganisa autour du concept fondamental de fonction. Il exerça son inventivité dans de nombreux domaines de la physique mathématique.

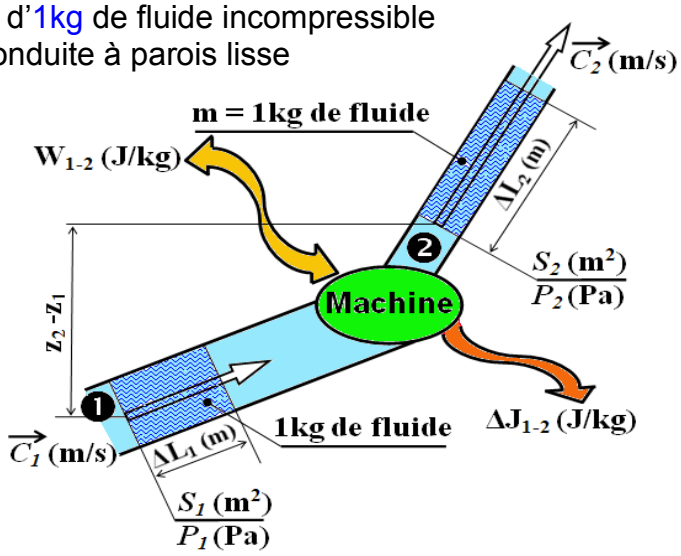
Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

6.2- Équation de *Bernoulli :

L'expérience est basée à l'étude de l'écoulement d'1kg de fluide incompressible en régime permanent qui se déplace dans une conduite à parois lisse (pas de frottement, donc sans pertes de charge), à travers une machine.

L'échange de l'énergie entre machine et fluide est donné par l'équation ci-dessous :



$$\Delta W_{1-2} = \Delta E_P + \Delta E_K + \Delta E'_P$$

- ΔW_{1-2} : Énergie échangée entre fluide et machine
- ΔE_P : Variation d'énergie potentielle de pression
- ΔE_K : Variation d'énergie cinétique
- $\Delta E'_P$: Variation d'énergie potentielle d'altitude

a- Conservation de signe : pour le travail

- ➤ $\Delta W_{1-2} > 0$: Le fluide reçoit de l'énergie de la machine ; il s'agit donc d'une pompe.
- ➤ $\Delta W_{1-2} < 0$: Le fluide fournit de l'énergie à la machine ; il s'agit donc d'une *turbine.

b- Variation d'énergie potentielle dûe aux pression : '' ΔE_P ''

Cette énergie s'exprime comme le travail des forces de pression à travers la section S pour un déplacement ΔL :

$\Delta E_P = F_2.\Delta L_2 - F_1.\Delta L_1$ or $F = P.S$

$= P_2.S_2.\Delta L_2 - P_1.S_1.\Delta L_1$ mais $S_2.\Delta L_2 = S_1.\Delta L_1 = \Delta V$ (variation de volume)

$= (P_2 - P_1).\Delta V$ et $\Delta V = m/\rho = 1/\rho$ (volume massique pour 1kg)

Donc $\boxed{\Delta E_P = \dfrac{P_2 - P_1}{\rho}}$ pour 1 kg de fluide

c- Variation de l'énergie cinétique : '' ΔE_K ''

Soit $\vec{C}$ le vecteur vitesse le l'écoulement à travers la section S.

Nous avons vu au 1er année que l'énergie cinétique s'exprime par :

$\Delta E_K = \dfrac{1}{2}mC_2^2 - \dfrac{1}{2}mC_1^2$ ici pour une masse m de 1 kg ; donc : $\Delta E_K = \dfrac{C_2^2 - C_1^2}{2}$

d- Variation de l'énergie potentielle d'altitude : '' $\Delta E'_P$ ''

Cette énergie s'exprime comme le travail possible des forces de pesanteur.

Soit g la valeur de l'accélération de la pesanteur du lieu considéré :

$\Delta E'_P = mgz_2 - mgz_1$ donc : $\Delta E'_P = g(z_2 - z_1)$; car m =1kg de fluide

☞L'équation de Bernoulli (sans pertes de charges)

$$\Delta W_{1-2} = \frac{P_2 - P_1}{\rho} + \frac{C_2^2 - C_1^2}{2} + g(z_2 - z_1)$$

Avec :
- ➤ ΔW_{1-2} (W_{1-2}) en (J/kg)
- ➤ C_1 et C_2 en (m/s)
- ➤ P_1 et P_2 en (Pa ou N/m²)
- ➤ z_2 et z_1 en (m)
- ➤ ρ en (kg/m³)
- ➤ g en (m/s²)

Remarque : ➤ Écoulement dans une conduite sans machine : $\Delta W_{1-2} = 0$

C'est-à-dire : $\dfrac{P_2 - P_1}{\rho} + \dfrac{C_2^2 - C_1^2}{2} + g(z_2 - z_1) = 0$

➤ $\mathcal{P}_n = W_{1-2} \cdot q_m$ Avec ➤ $\mathcal{P}_n$: Puissance nette de la machine (W) ou (J/s) ; 1 cheval vapeur = 736 W

➤ W_{1-2} : Travail échangé par 1 kg de fluide qui traverse la machine (J/kg)

➤ q_m : Débit massique du fluide (kg/s)

*Daniel **Bernoulli**, Groningue 1700 - Bâle 1782, physicien suisse. Il est l'un des fondateurs de l'hydrodynamique *(théorème de Bernoulli)* et mena des recherches fondamentales en mécanique.

***Turbine :** Moteur composé d'une roue mobile sur laquelle est appliquée l'énergie d'un fluide moteur à (eau, vapeur, gaz,...)

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

6.3- Équation de Bernoulli généralisée: (ou avec perte de charge)

Dans ce cas considérons une paroi lisse (ou non) d'une conduite rectiligne (ou non), avec (ou sans) variation de section brutale, et un fluide non parfait.

Puis qu'il y a turbulence et échauffement due au frottement donc elle est une partie de l'énergie en chaleur, non récupérable. Soit '' J '' cette perte de chaleur exprimée en (J/kg).

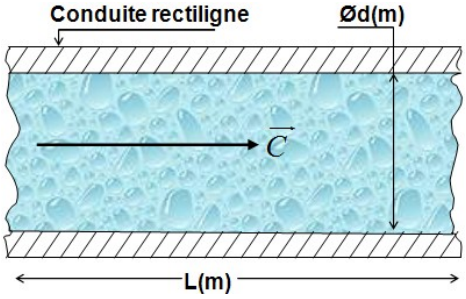
On distingue les pertes de charges régulières et singulières.

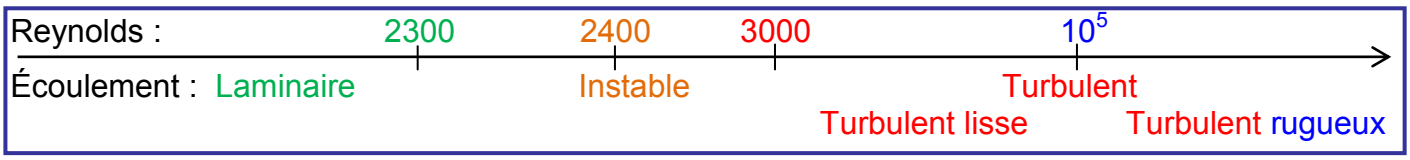
a- Pertes de charges régulières « J_r » : (ou linéaires) (ou systématiques)

Elles se produisent le long des conduites rectilignes par frottement du fluide sur des parois plus (ou moins) rugueuses.

Elles varient selon le type d'écoulement. $J_r = \lambda \frac{C^2 L}{2d}$ en (J/kg)

Écoulement laminaire	Écoulement turbulent	
	Écoulement Turbulent lisse	Écoulement turbulent rugueux
$\mathcal{R}e \leq 2300$ $\lambda = 64/\mathcal{R}e$ λ: caractérise le frottement entre la conduite et le fluide	$3000 \leq \mathcal{R}e \leq 10^5$	$\mathcal{R}e > 10^5$
	$\lambda = \frac{1}{(100\mathcal{R}_e)^{\frac{1}{4}}} = \frac{0,316}{\mathcal{R}_e^{0,25}}$	Il existe des abaques $\lambda = 0,79\sqrt{\frac{\varepsilon}{d}}$
	En régime turbulent : λ est déterminé à partir de l'abaque de Moody-Mourine. (par exemple) R/d: rugosité relative	





Remarque : Pertes de charges en écoulement laminaire < Pertes de charges en écoulement turbulent.

b- Pertes de charges singulières « J_s »:

Elles se situent dans certaines sections présentant des variations brutales dans la conduite du fluide.

$J_s = \varepsilon . \frac{C^2}{2}$ en (J/kg) (Pour déterminer le coefficient de perte ε ; voir tableau ci-dessous)

Remarque :
- Les pertes de charges singulières s'ajoutent aux pertes de charges régulières '' $J_{1\text{-}2} = J_r + J_s$ ''
- $J_{1\text{-}2} < 0$; car toutes les pertes de charge représentent de l'énergie perdue par le fluide.

c- Équation de Bernoulli généralisée :

Si $J_{1\text{-}2}$ représente la somme de toutes les pertes de charges (*enthalpie), singulières et linéaires, entre les sections repérées 1 et 2 et si $W_{1\text{-}2}$ représente le travail mécanique échangé entre le fluide et les machines (éventuellement) placées entre 1 et 2, alors le théorème de Bernoulli prend la forme générale suivante (pour $1kg$ de fluide) :

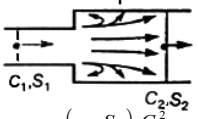
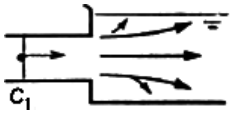
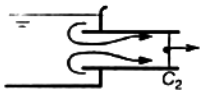
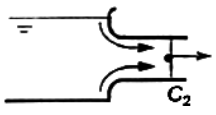
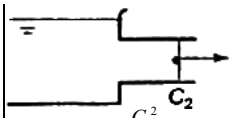
$$W_{1-2} = \frac{P_2 - P_1}{\rho} + \frac{C_2^2 - C_1^2}{2} + g(z_2 - z_1) + J_{1-2}$$

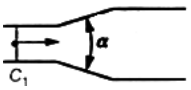
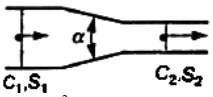
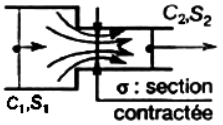
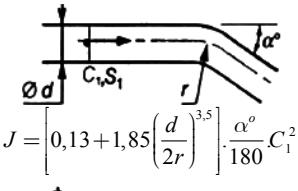
*enthalpie n.f : Grandeur thermodynamique égale à la somme de l'énergie interne et du produit de la pression par le volume.

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

Madarisy.com : مصدر هذا الملف هو موقع مدارسي

NOTATION ET UNITÉ : J en (J/kg) ; C_1 et C_2 en (m/s) ; α en (°) ; $\mathcal{R}e$: nombre de Reynolds (§ 5.2)

Élargissement brusque	Arrivée d'une conduite	Entrée d'une conduite		
 $J \approx \left(1-\frac{S_1}{S_2}\right).\frac{C_1^2}{2}$	 $J \approx 0,54.C_1^2$	 $J \approx \frac{C_2^2}{2}$	 $J \approx 0$	 $J \approx \frac{C_2^2}{4}$

Divergent (diffuseur)	Rétrécissement progressif Variation linéaire entre 10 et 70°	Rétrécissement brusque	Changement de direction	Soupape
 $\alpha \le 10°$: $J \approx 0$; $\alpha \ge 70°$: $J \approx 0,4.C_1^2$	 $J \approx \left(\frac{1}{C}-1\right)^2.C_2^2.\sin\alpha$; si $\alpha \le 90°$; $J \approx \left(\frac{1}{C}-1\right)^2.C_2^2$; si $\alpha \le 90°$; où $C = 0,63+0,37\left(\frac{S_2}{S_1}\right)^3$	 $J \approx \left(\frac{1}{C}-1\right)^2.\frac{C_2^2}{2}$; $J \Rightarrow \frac{\sigma}{S_2}$ lorsque $\mathcal{R}e \nearrow$	 $J = \left[0,13+1,85\left(\frac{d}{2r}\right)^{3,5}\right].\frac{\alpha^o}{180}.C_1^2$; $J = \left(\sin^2\frac{\alpha}{2}+\sin^4\frac{\alpha}{2}\right).\frac{C_1^2}{2}$	 $J \approx C_1^2$

d- Autres formes de l'équation :

☞ En termes de pression : (multiplier chaque terme par ρ)

$$W_{1-2} = P_2 - P_1 + \frac{\rho}{2}\left(C_2^2 - C_1^2\right) + \rho g\left(z_2 - z_1\right) + J_{1-2}$$

où ΔP

$$\frac{J}{kg}.\frac{kg}{m^3} = \frac{N}{m^2} \quad Pa = \frac{N}{m^2} \quad \frac{kg}{m^3}.\frac{m^2}{s^2} = \frac{kg}{m\,s^2} = \frac{N}{m^2} \quad \frac{kg}{m^3}.\frac{m}{s^2}.m = \frac{N}{m^2} \quad Pa = \frac{N}{m^2}$$

☞ En termes de hauteur de liquide transporté : (diviser chaque terme par g)

$$W_{1-2} = \frac{P_2 - P_1}{\rho g} + \frac{C_2^2 - C_1^2}{2g} + z_2 - z_1 + J_{1-2}$$

où Δz

$$\frac{N}{m^2}.\frac{m^3}{kg}.\frac{s^2}{m} = m \quad \frac{m^2}{s^2}.\frac{s^2}{m} = m \quad m \quad m$$

$$\frac{J}{kg}.\frac{s^2}{m} = \frac{N.m}{kg}.\frac{s^2}{m} = \frac{kg.m}{s^2}.\frac{m}{kg}.\frac{s^2}{m} = m$$

e- rendement : '' η ''

Le rendement global d'une machine est le rapport entre la puissance qu'elle fournit et la puissance qu'elle utilise.

Suivant que la machine utilise ou produit de l'énergie mécanique, le rendement global s'exprime de façon différente.

Fluide reçoit de l'énergie cas d'une pompe	Fluide fournit de l'énergie cas d'une turbine
$\eta = \mathcal{P}_n / \mathcal{P}_a$ $(P_n < P_a)$	$\eta = \mathcal{P}_u / \mathcal{P}_n$ $(\mathcal{P}_u < \mathcal{P}_n)$
$\mathcal{P}_n$: puissance nette échangée avec le fluide	$\mathcal{P}_u$: puissance utile sur l'arbre de sortie
$\mathcal{P}_a$: puissance absorbée sur l'arbre d'entrée	$\mathcal{P}_n$: puissance nette échangée avec le fluide

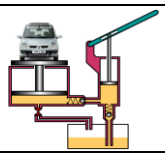
$$\eta = \frac{\mathcal{P}_{hudraulique}}{\mathcal{P}_{mécanique}}$$ avec - $\mathcal{P}_{hydraulique} = q_v \,.\, P_{utilisation}$ - $\mathcal{P}_{mécanique} = F.V + C.\omega$

- q_v : Débit volumique (m^3/s)
- $P_{ression/utilisation} = \rho.W_{1-2}$ (Pa = N/m²)

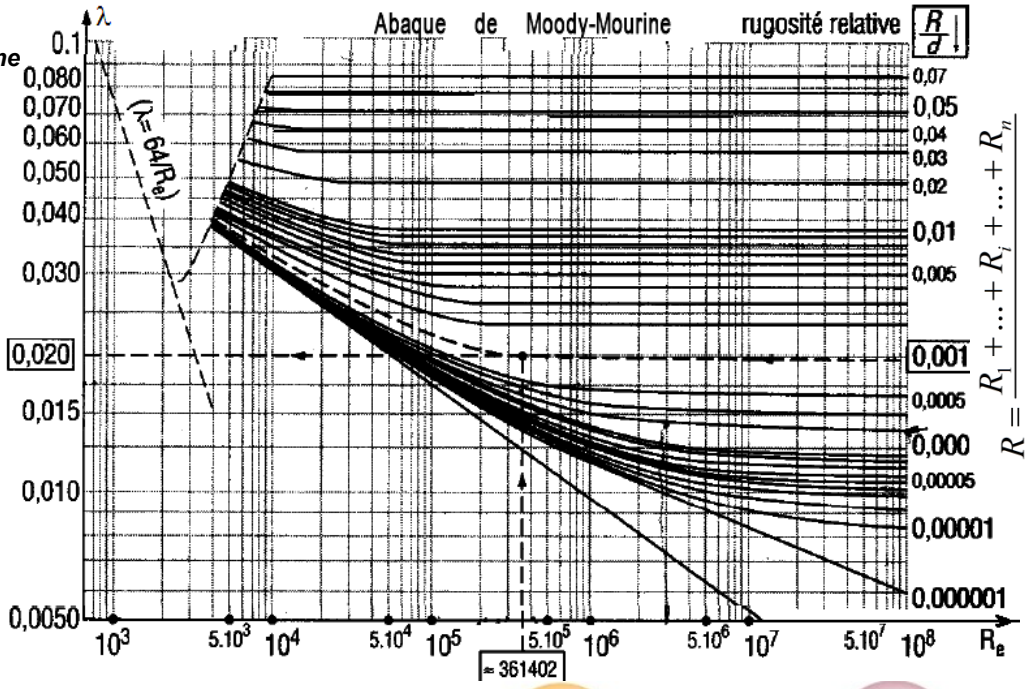
Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع

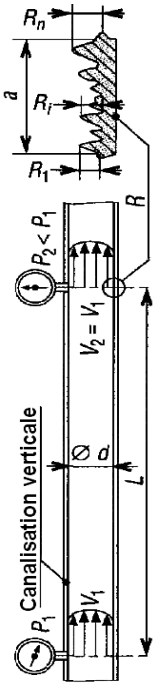
Madarisy.com : مصدر هدا الملف هو موقع مدارسي



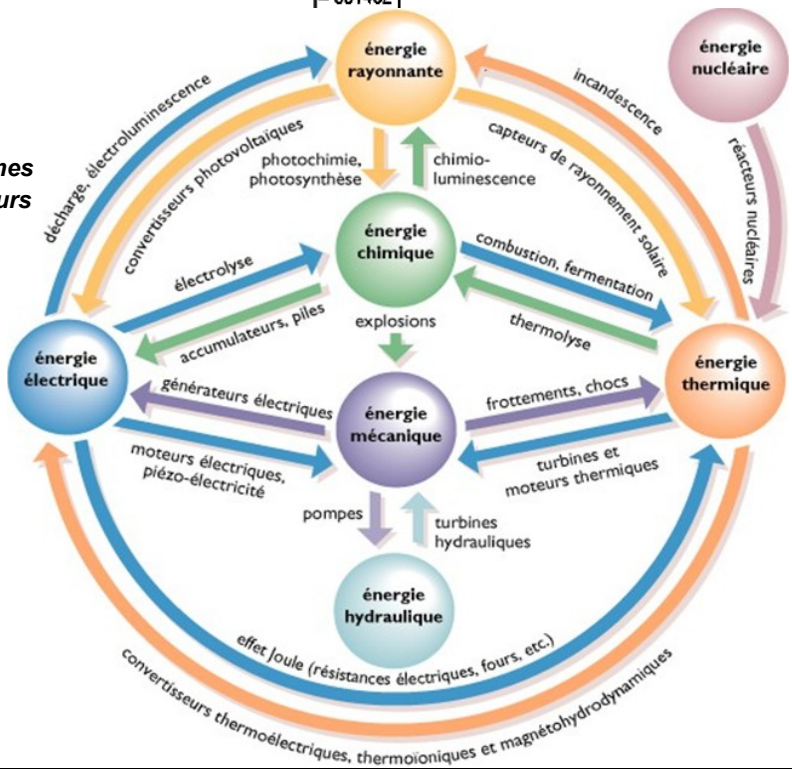


Abaque de Moody-Mourine





Conversions des sept formes principales d'énergie et leurs convertisseurs



LES ALPHABET GREC

Nom	Minuscule	Majuscule	Nom	Minuscule	Majuscule	Nom	Minuscule	Majuscule
alpha	α	A	***kappa***	κ	K	***sigma***	σ	Σ
bêta	β	B	***epsilon***	ε	E	***tau***	τ	T
gamma	γ	Γ	***rhô***	ρ	P	***upsilon***	υ	Υ
delta	δ	Δ	***êta***	η	H	***xi***	ξ	Ξ
lambda	λ	Λ	***thêta***	θ	Θ	***omicron***	o	O
phi	ϕ	Φ	***nu***	ν	N	***khi***	χ	X
oméga	ω	Ω	***mu***	μ	M	***iota***	ι	I
psi	ψ	Ψ	***pi***	π	Π	***dzêta***	ζ	Z

Madarisy.com : للحصول على المزيد قم بزيارة الموقع